

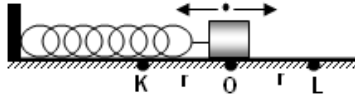
**BASİT HARMONİK HAREKET 017**

**a) Basit Harmonik Hareket**

Bir doğru parçasının iki ucu arasında periyodik olarak gidip gelen cismin hareketine basit harmonik hareket denir.

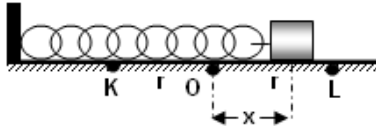
**b) Genlik**

Basit harmonik hareketlinin denge konumundan olan en büyük uzaklığına genlik denir.  $|KO| = |OL| = r$



**c) Uzanım**

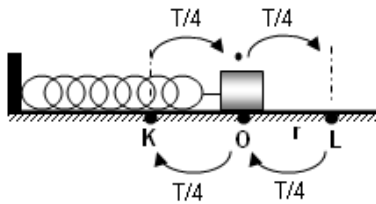
Basit harmonik hareketlinin herhangi bir andaki denge konumuna olan uzaklığına uzanım denir.



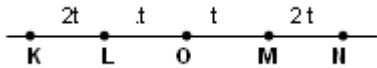
x ve y ile gösterilir. Uzanımın en büyük değeri genlik, en küçük değeri sıfırdır.

**d) Periyot**

Basit harmonik hareketlinin yörüngesi üzerinde bir noktada aynı yönde ardarda iki geçişi arasındaki zamana periyot denir. T ile gösterilir.



Basit harmonik hareketli şekilde görülen O'dan L'ye T/4, L'den O'ya T/4, O'dan K'ya T/4 ve tekrar K'dan O'ya T/4 zamanında gelir.



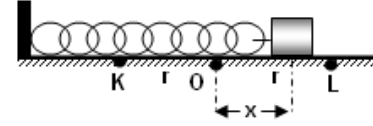
K-N arasında basit harmonik hareket yapan bir cisim K-L arası 2t sürede alıyorsa L-O arası t sürede alır.

**e) Frekans**

Basit harmonik hareketlinin 1 saniyede yaptığı titreşim sayısına frekans denir. f ile gösterilir. Frekans ile periyot arasında,

$$f \cdot T = 1 \quad \text{ve} \quad f = \frac{1}{T} \text{ s}^{-1} \quad \text{bağıntısı vardır.}$$

**Basit harmonik hareket denklemleri:**



**K-L arasında basit harmonik hareket yapan bir cisim için;**

$$\text{Konum : } x = r \cdot \sin \omega \cdot t \quad ; \quad x_{\max} = r$$

Konumun zamana göre türevi alınır, hız bulunur.

$$\text{Hız : } V = \omega \cdot r \cdot \cos \omega \cdot t \quad ; \quad V_{\max} = \omega \cdot r$$

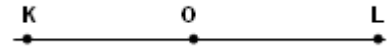
Hız denkleminin zamana göre türevi alınır, ivme bulunur.

$$\text{İvme : } a = -\omega^2 \cdot r \cdot \sin \omega \cdot t = -\omega^2 \cdot x \quad ; \quad a_{\max} = \omega^2 \cdot r$$

$F = m \cdot a$  idi. Yerine yazılırsa kuvvet bulunur.

$$\text{Kuvvet : } F = -m \cdot \omega^2 \cdot r \cdot \sin \omega \cdot t = -m \cdot \omega^2 \cdot x \quad ; \quad F_{\max} = m \cdot \omega^2 \cdot r$$

**K-L arasında basit harmonik hareket yapan bir cismin maksimum ve minimum bileşenleri;**



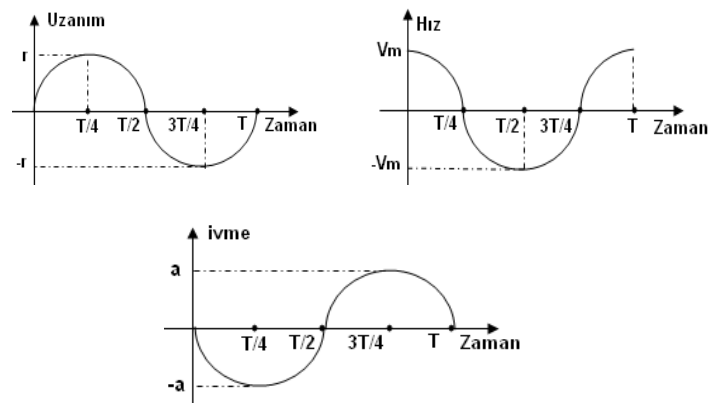
$x_{\max} = r$	$x = 0$	$x_{\max} = r$
$V = 0$	$V_{\max} = \omega \cdot r$	$V = 0$
$a_{\max} = -\omega^2 \cdot r$	$a = 0$	$a_{\max} = -\omega^2 \cdot r$
$F_{\text{mer}} = -m \cdot \omega^2 \cdot r$	$F = 0$	$F_{\text{mer}} = -m \cdot \omega^2 \cdot r$

**Bir cismin denge konumundan x kadar uzakdaki hızı;**

$$V = \omega \cdot r \cdot \cos \omega \cdot t \quad ; \quad \cos \omega \cdot t = \sqrt{1 - \sin^2 \omega \cdot t}$$

$$V = \omega \cdot \sqrt{r^2 - x^2}$$

**Basit harmonik hareket yapan bir cismin uzanım, hız ve ivmesinin zamana bağlı değişim grafikleri;**



### Basit sarkaç:

Ağırlığı önemsiz bir ipin ucuna asılmış küçük bir kütleden oluşan sisteme basit sarkaç denir.

$$\alpha < 5^\circ \text{ ve } x \approx r \text{ ise ;}$$

$$\sin \alpha = \frac{F}{G} = \frac{r}{L}$$

$$\frac{r}{L} = \frac{m \cdot \omega^2 \cdot r}{m \cdot g} = \frac{\frac{2\pi}{T} \cdot r}{g} = \frac{4\pi^2 \cdot r}{T^2 \cdot g}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

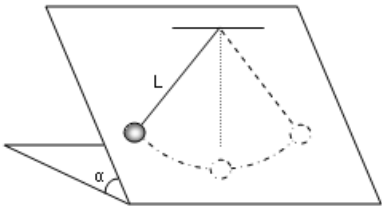
Basit sarkaç bir miktar çekilerek serbest bırakılırsa sistemin periyodu;

### Özellikler:

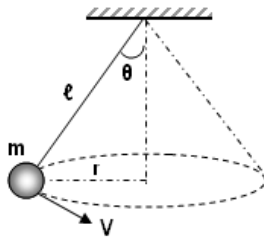
- ❖ A noktasından O noktasına ve O dan B noktasına T / 4 saniyede, A dan B' ye T / 2 saniyede varır.
- ❖ Sarkaç denge konumuna yaklaşırken ivme ve kuvvet azalır, hız artar. Denge konumundan uzaklaşırken kuvvet ve ivme artar, hız azalır.
- ❖ A ve B noktalarında hız sıfır, ivme maksimum, O noktasında hız maksimum, kuvvet ve ivme sıfırdır.
- ❖ A ve B noktalarındaki enerji potansiyel enerji, O noktasında kinetik enerjidir.
- ❖ Basit sarkacın periyodu kütesinden bağımsız olup boyuna ve çekim ivmesine bağlıdır. Bundan dolayı çekim ivmesinin farklı olduğu bir ortama götürülürse periyodu değişir.
- ❖ Sabit ( a ) ivmesi ile hareket eden asansörde salınan bir sarkacın periyodu;

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g \pm a}}$$

- ❖ Asansör ivmesi yukarı doğru ise işaret ( + ), aşağı doğru ise işaret ( - ) 'dir.
- ❖ Periyodu 2s olan sarkaca saniyeleri vuran sarkaç denir.
- ❖ Özel durum:



$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g \cdot \sin \alpha}}$$



$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l \cdot \cos \theta}{g}}$$

### Yay sarkacı:

Bir sarmal yay ve ucuna bağlı kütleden oluşan sisteme yaylı sarkaç denir. Yaya bağlı kütle her hangi bir kuvvet uygulanarak denge konumundan x kadar uzaklaştırılarak serbest bırakılırsa, cisim A ve B arasında BHH yapar.

m kütesine etkiyen geri çağırıcı kuvvet;

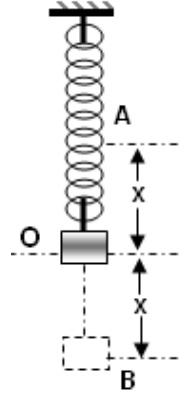
$$F = - k \cdot x \text{ ve } F = - m \cdot \omega^2 x \text{ tir.}$$

Bu kuvvetler birbirine eşlenirse,

$$- k \cdot x = - m \cdot \omega^2 x \quad k = m \cdot \omega^2$$

$$k = m \cdot \left( \frac{2\pi}{T} \right)^2$$

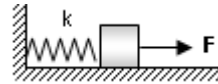
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$



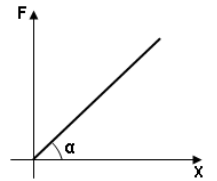
### Özellikler:

- ❖ Kütle denge konumuna yaklaşırken hızlanır, denge konumundan uzaklaşırken yavaşlar.
- ❖ Cisme etki eden kuvvet ve cismin ivmesi daima denge konumuna yöneliktir. Kuvvet ve ivme denge konumuna yaklaşırken azalır denge konumundan uzaklaşırken yavaşlar.
- ❖ Yaya bağlı kütlenin periyodu çekim ivmesine bağlı olmadığından, sarkaç çekim ivmesinin farklı olduğu bir ortama götürülürse periyot değişmez.
- ❖ Sarkacın genliği değişirse periyodu değişmez, maximum hız, maximum ivme, maximum kuvvet, yaya aktarılan potansiyel enerji değişir.

### Yaylar ve Hooke Yasası:



$$\frac{F}{x} = \frac{2 \cdot F}{2 \cdot x} = \frac{3 \cdot F}{3 \cdot x} = \text{sabit} = k$$

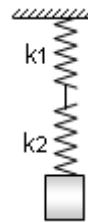


$$\vec{F} = k \cdot \vec{x}$$

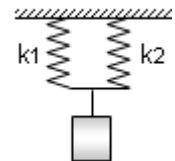
F-x grafiğinin eğimi yay sabitini verir.

k ; yay sabitidir ve birim uzunluktaki esneme için gerekli kuvvet miktarıdır. Aynı zamanda yayın sertlik derecesini de belirler.

### Yayların seri ve paralel bağlanması



$$k_{\text{eş}} = k_1 + k_2$$



$$\frac{1}{k_{\text{eş}}} = \frac{1}{k_1} + \frac{1}{k_2}$$

Yaylar paralel bağlanırsa daha sert bir yay elde edilir.